FICHE DE RAPPEL 3ème - Calcul littéral

I. Remplacer une lettre par une valeur

 $B = 2x^2 - 3x + 5$. Calculer B pour x = -3.

Quand on doit remplacer une lettre par un nombre négatif ou une fraction, on met toujours des parenthèses autour de ce nombre avant de le faire.

$$B = 2 \times (-3)^2 - 3 \times (-3) + 5 = 2 \times 9 - (-9) + 5 = 18 + 9 + 5 = 32.$$

II. Simplifier l'écriture d'un produit

 $C = (-4t) \times (-6t^2).$ Simplifier l'écriture de C. $C = (-4) \times t \times (-6) \times t^2 = (-4) \times (-6) \times t \times t^2 = 24 \times t^3 = 24 \ t^3.$

$$0x = 0$$
 $0x^2 = 0$ $0x^3 = 0$ $1x = x$ $1x^2 = x^2$ $1x^3 = x^3$

III. Réduire une expression littérale

Réduire B = $7x - 4x^2 - 4 - x^2 + 8 - 6x$.

- 1. On regroupe d'abord les termes par catégorie ("sans x", "x", "x²", ...)
- 2. On fait les calculs pour chaque catégorie.

A chaque étape, on n'oublie pas de conserver les signes.

$$B = -4x^{2} - x^{2} + 7x - 6x - 4 + 8$$
 (- $x^{2} = -1x^{2}$)

$$B = -5x^{2} + x + 4$$
 (+ $1x = +x$)

Pour réduire, on ne peut pas ajouter ou soustraire :

- des termes "sans lettre" avec des termes en "x".
- des termes en "x" avec des termes en "x2".

1 + 4x ne peut pas se réduire.

 $-5x^2 + x + 4$ ne peut pas se réduire.

IV. Supprimer des parenthèses

Quand un signe + précède des parenthèses, on peut les supprimer sans rien changer.

$$4x + (7x - 1) = 4x + 7x - 1 = 11x - 1.$$

Quand un signe – précède des parenthèses, on peut les supprimer mais il faut changer le signe de tous les termes à l'intérieur de la parenthèse.

$$4x - (7x - 1) = 4x - 7x + 1 = -3x + 1.$$

V. Développer une expression

Règle de distributivité simple : (a, b et k sont des nombres)

 $k(a + b) = k \times a + k \times b.$

 $k(a - b) = k \times a - k \times b.$

$$3(x + 6) = 3 \times x + 3 \times 6 = 3x + 18$$

$$4(1 - 5x) = 4 \times 1 - 4 \times 5x = 4 - 20x.$$

$$-2x(5x - 9) = -2x \times 5x - (-2x) \times 9 = -10x^{2} - (-18x) = -10x^{2} + 18x.$$

Règle de double distributivité : (a, b, c et d sont des nombres)

 $(a+b)(c+d) = a \times c + a \times d + b \times c + b \times d.$

 $(a+b)(c-d) = a \times c - a \times d + b \times c - b \times d.$

 $(a-b)(c+d) = a \times c + a \times d - b \times c - b \times d.$

 $(a-b)(c-d) = a \times c - a \times d - b \times c + b \times d.$

Attention de multiplier avec les signes qui précédent !

A = (x - 5)(2x - 6)

 $A = x \times 2x - x \times 6 - 5 \times 2x + 5 \times 6.$

 $A = 2x^2 - 6x - 10x + 30$

 $A = 2x^2 - 16x + 30.$